

2023 年度 東邦大学 (前期)

医学部
試験時間：90 分

全問必答

1 1つの問題には4つの選択肢があり、この選択肢の中から正しいものを1つ解答する。問題が全部で5題あり、それぞれの問題に対して1つの選択肢を無作為に選んで解答するとき、4題以上正解する確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ であり、少なくとも2題正解する確率は $\frac{\text{エオ}}{\text{カキク}}$ である。

2 実数 x, y がそれぞれ $\frac{1}{\log_3 x} - \frac{1}{\log_2 x} = \frac{1}{3}, \frac{1}{2^{3y-1}} + \frac{1}{8^{2y-1}} = 1$ を満たすとき、 $x = \frac{\text{ケコ}}{\text{サ}}$, $\log_x y = \frac{\text{シス}}{\text{セ}}$ である。

3 座標空間において、3点 $A(2, -1, -5), B(1, 0, -4), C(-1, 3, 1)$ の定める平面を α とする。点 $P(a, a, a)$ が平面 α 上にあるとき、 a の値は $a = \frac{\text{ソ}}{\text{タ}}$ である。点 $Q(b, c, -7)$ があり、直線 AQ が平面 α に直交するとき、 b と c の値はそれぞれ $b = \frac{\text{チ}}{\text{ツ}}$ である。

4 $\triangle ABC$ において、 $AB = 5, BC = 2\sqrt{6}, CA = 3$ とする。 $\triangle ABC$ の外接円の半径は $\frac{\text{ア}}{\text{ウ}} \sqrt{\frac{\text{イ}}{\text{エオ}}}$ である。 $\triangle ABC$ の外心を O , $\angle A$ の二等分線と辺 BC の交点を D とするとき、 $OD = \frac{\text{エ}}{\text{カ}} \sqrt{\frac{\text{オ}}{\text{イ}}}$ である。

5 x, y, z を整数とする。 $3x - 23y = 104$ を満たすとき、 $|2x - 3y|$ の最小値は $\frac{\text{キク}}{\text{ケコ}}$ である。 $5x - 9y - 2z = 18$ および $-6x + 2y + 3z = 25$ を満たすとき、 $|x + y + z|$ の最小値は $\frac{\text{ケコ}}{\text{キク}}$ である。

6 複素数平面上に、異なる3点 $A(\alpha), B(\beta), C(\gamma)$ と、 $z = \frac{2\alpha - 3\beta + 6\gamma}{5}$ を満たす点 $P(z)$ がある。直線 AP と直線 BC の交点を Q とすると、 $\frac{AP}{AQ} = \frac{\text{サ}}{\text{シ}}$ である。また、直線 AC と直線 BP の交点を R とすると、 $\frac{BP}{BR} = \frac{\text{ス}}{\text{セ}}$ である。

7 m, n を自然数として, $S_n(m) = \sum_{k=1}^n k^m$ とする。このとき, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\{S_n(1)\}^3}{\{S_n(2)\}^2} = \frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}}$, および $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\{S_n(3)\}^3}{\{S_n(5)\}^2} = \frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツテ}}}$ が成り立つ。

8 2つの変量の組 (x, y) についてのデータがあり, 変量 x の分散は 9, 変量 y の分散は 4, x と y の相関係数 r は $0 \leq r \leq 1$ の範囲の値をとることがわかっている。このとき, x と y の共分散 C のとり得る値の範囲は $\boxed{\text{ア}} \leq C \leq \boxed{\text{イ}}$ である。また, 変量 z を $z = x - y$ で定めるとき, z の分散 V のとり得る値の範囲は $\boxed{\text{ウ}} \leq V \leq \boxed{\text{エオ}}$ である。

9 座標空間において, 不等式 $\frac{10}{3}(x + y + z - 7) \geq x^2 + \frac{y^2}{2} + \frac{z^2}{3} - 7$ の表す立体を E とする。 E と平面 $z = t$ が交わるような定数 t のとり得る値の範囲は $\boxed{\text{カ}} \leq t \leq \boxed{\text{キ}}$ である。また, E の体積は $\frac{\boxed{\text{ク}} \sqrt{\boxed{\text{ケ}}}}{\boxed{\text{コ}}} \pi$ である。

10 対数は自然対数とする。関数 $f(x) = (\sin x + \cos x)^{5 \sin x + 5 \cos x + \log(\sin x + \cos x)}$ について, $f'(\frac{\pi}{2}) = \boxed{\text{サシ}}$, $f''(\frac{\pi}{2}) = \boxed{\text{スセ}}$ である。

2023年度 東邦大学 (前期)

医学部

(略解)

 証明, 図示などは省略

$$\mathbf{1} \quad \frac{\text{ア}}{\text{イウ}} : \frac{1}{64} \quad \frac{\text{エオ}}{\text{カキク}} : \frac{47}{128}$$

$$\mathbf{2} \quad \frac{\text{ケコ}}{\text{サ}} : \frac{27}{8} \quad \frac{\text{シス}}{\text{セ}} : \frac{-1}{3}$$

$$\mathbf{3} \quad \frac{\text{ソ}}{\text{タ}} : \frac{3}{2} \quad \text{チ} : 6 \quad \text{ツ} : 5$$

$$\mathbf{4} \quad \frac{\text{ア}\sqrt{\text{イ}}}{\text{ウ}} : \frac{3\sqrt{3}}{2} \quad \frac{\text{エ}\sqrt{\text{オ}}}{\text{カ}} : \frac{3\sqrt{2}}{4}$$

$$\mathbf{5} \quad \text{キク} : 17 \quad \text{ケコ} : 19$$

$$\mathbf{6} \quad \frac{\text{サ}}{\text{シ}} : \frac{3}{5} \quad \frac{\text{ス}}{\text{セ}} : \frac{8}{5}$$

$$\mathbf{7} \quad \frac{\text{ソ}}{\text{タ}} : \frac{9}{8} \quad \frac{\text{チ}}{\text{ツテ}} : \frac{9}{16}$$

$$\mathbf{8} \quad \text{ア} : 0 \quad \text{イ} : 6 \quad \text{ウ} : 1 \quad \text{エオ} : 13$$

$$\mathbf{9} \quad \text{カ} : 4 \quad \text{キ} : 6 \quad \frac{\text{ク}\sqrt{\text{ケ}}}{\text{コ}} : \frac{4\sqrt{2}}{9}$$

$$\mathbf{10} \quad \text{サシ} : -5 \quad \text{スセ} : 27$$