【問題】 2015/7/3

【難易度】 … 標準

13 東北大)

数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ を

$$a_n = \int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} e^{n\sin\theta} d\theta, \quad b_n = \int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} e^{n\sin\theta} \cos\theta d\theta \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

で定める.ただし,eは自然対数の底とする.

- (1) 一般項 b_n を求めよ.
- (2) すべての n について , $b_n \leq a_n \leq rac{2}{\sqrt{3}} b_n$ が成り立つことを示せ .
- (3) $\lim_{n o \infty} rac{1}{n} \log(na_n)$ を求めよ.ただし,対数は自然対数とする.