

2013年度 大阪府立大学 前期-- 第2問

問題 次の式で定められる数列 $\{a_n\}$ について、次の問いに答えよ。

$$a_1 = 5, a_{n+1} = \frac{a_n}{2} + \frac{8}{a_n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

- (1) すべての自然数 n に対して $a_n > 4$ が成り立つことを示せ。
- (2) すべての自然数 n に対して $a_{n+1} < a_n$ が成り立つことを示せ。
- (3) すべての自然数 n に対して $a_n - 4 \leq \frac{1}{2^{n-1}}$ が成り立つことを示せ。

P_osakafuritu2013A_22.pbm