

2017年度 静岡大学 前期理系 第3問

**問題** 関数  $f(x)$ ,  $g(x)$  を

$$f(x) = e^x, \quad g(x) = f\left(x - \frac{\pi}{4}\right) + f\left(\frac{\pi}{4} - x\right)$$

で定める。ただし、 $e$  は自然対数の底である。また、

$$I_1 = \int_0^{\frac{\pi}{2}} g(x) \cos^2 x \, dx, \quad I_2 = \int_0^{\frac{\pi}{2}} g(x) \sin^2 x \, dx$$

とおく。このとき、次の問いに答えよ。

- (1)  $g(x) = g\left(\frac{\pi}{2} - x\right)$  を示せ。
- (2)  $I_1 = I_2$  を示せ。
- (3)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} g(x) \, dx$ ,  $I_1$  の値をそれぞれ求めよ。