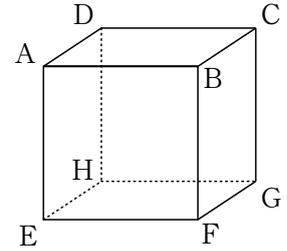


問題

右図のような立方体を考える。この立方体の8つの頂点の上を点Pが次の規則で移動する。時刻0では点Pは頂点Aにいる。時刻が1増えるごとに点Pは、今いる頂点と辺で結ばれている頂点に等確率で移動する。例えば時刻 $n$ で点Pが頂点Hにいるとすると、時刻 $n+1$ では、それぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で頂点D, E, Gのいずれかにいる。自然数 $n \geq 1$ に対して、(i)点Pが時刻 $n$ までの間一度も頂点Aに戻らず、かつ時刻 $n$ で頂点B, D, Eのいずれかにいる確率を $p_n$ , (ii)点Pが時刻 $n$ までの間一度も頂点Aに戻らず、かつ時刻 $n$ で頂点C, F, Hのいずれかにいる確率を $q_n$ , (iii)点Pが時刻 $n$ までの間一度も頂点Aに戻らず、かつ時刻 $n$ で頂点Gにいる確率を $r_n$ , とする。このとき、次の問に答えよ。



- (1)  $p_2, q_2, r_2$  と  $p_3, q_3, r_3$  を求めよ。
- (2)  $n \geq 2$  のとき,  $p_n, q_n, r_n$  を求めよ。
- (3) 自然数  $m \geq 1$  に対して, 点Pが時刻  $2m$  で頂点Aに初めて戻る確率  $s_m$  を求めよ。
- (4) 自然数  $m \geq 2$  に対して, 点Pが時刻  $2m$  で頂点Aに戻るのがちょうど2回目となる確率を  $t_m$  とする。このとき,  $t_m < s_m$  となる  $m$  をすべて求めよ。