## 2025年度 北海道大学 前期理系 第1問

問題  $\alpha$ , r を  $\alpha$  > 1, r > 1 を満たす実数とする。数列  $\{a_n\}$  を  $a_1=\alpha$  で公比が r の等比数列とする。数列  $\{b_n\}$  を

$$b_n = \log_{a_n}(a_{n+1})$$
  $(n = 1, 2, 3, \dots)$ 

で定める。

- (1)  $b_n$  を n と  $\log_{\alpha} r$  を用いて表せ。
- (2) 等式

$$b_n = \frac{n+2}{n+1}$$

がすべての自然数nについて成り立つための必要十分条件をrと $\alpha$ を用いて表せ。

(3) (2) の条件が成り立つとき,積  $a_1a_2$ , $a_1a_2a_3$ , $a_1a_2a_3a_4$  の整数部分がそれぞれ 2 桁,3 桁,4 桁になるような  $\alpha$  の範囲を求めよ。

N\_hokudai2025A\_01.pbm