

2016年度 愛媛大学 前期理系 第2問

問題 $f(x) = \frac{x}{2}$, $g(x) = x$, $h(x) = \frac{x+1}{2}$ とおく。 $x_0 = 1$ とし, 2枚の硬貨を繰り返して投げ, n 回目の事象により x_n を次のように定める。

$$x_n = \begin{cases} f(x_{n-1}) & (2\text{枚とも表のとき}) \\ g(x_{n-1}) & (1\text{枚が表}, 1\text{枚が裏のとき}) \\ h(x_{n-1}) & (2\text{枚とも裏のとき}) \end{cases}$$

また p_n , q_n , r_n をそれぞれ $0 < x_n \leq \frac{1}{3}$ である確率, $\frac{1}{3} < x_n \leq \frac{2}{3}$ である確率, $\frac{2}{3} < x_n \leq 1$ である確率とする。

- (1) すべての自然数 n に対して $0 < x_n \leq 1$ を示せ。
- (2) p_1 , q_1 , r_1 を求めよ。
- (3) p_n , q_n , r_n を p_{n-1} , q_{n-1} , r_{n-1} を用いて表せ。
- (4) $p_n - r_n$ を求めよ。
- (5) p_n を求めよ。

N_ehime2016A_02.pbm