

2013年度 旭川医科大学 前期理系 第4問

問題 次の問いに答えよ。

- (1) 関数 $y = x \log x - x$ ($x > 0$) の増減を調べ、そのグラフをかけ。
- (2) a を正の実数とする。曲線 $C: y = \log(x + 1)$ 上の点 $(t, \log(t + 1))$ における接線 l_t が、曲線 $C_a: y = a \log x$ 上の点 $(s, a \log s)$ における接線にもなっているとき、 t と s の関係を a を含まない式で表せ。
- (3) 任意に与えられた $t > -1$ に対して、直線 l_t が曲線 C_a の接線にもなっているような a が唯一つ存在すること、および $a > 1$ であることを示せ。
- (4) 直線 l_t が曲線 C_a の接線になっているとき、その接点の x 座標を $s(t)$ とかくことにする。 $s(t)$ を t の関数とみて増減を調べ、さらに $\lim_{t \rightarrow \infty} (s(t) - t)$ を求めよ。

N_asahikawaika2013A_04.pbm